

**8. Vrai.**

On remarque que pour tout réel  $x$ ,  $h(x) = \frac{u(x)}{v(x)}$  avec  $u(x) = x^3 - 2x^2$  et  $v(x) = x^2 + 1$ .

Les fonctions  $u$  et  $v$  sont dérivables sur  $\mathbb{R}$  et  $v$  ne s'annule pas sur  $\mathbb{R}$  (car pour tout réel  $x$ ,  $x^2 \geq 0$  donc  $x^2 + 1 > 0$ ).

On a  $u'(x) = 3x^2 - 4x$  et  $v'(x) = 2x$ .

Ainsi,  $h$  est dérivable sur  $\mathbb{R}$  et on a :

$$\begin{aligned} h'(x) &= \frac{u'(x) \times v(x) - u(x) \times v'(x)}{(v(x))^2} \\ &= \frac{(3x^2 - 4x)(x^2 + 1) - (x^3 - 2x^2) \times 2x}{(x^2 + 1)^2} \\ &= \frac{3x^4 + 3x^2 - 4x^3 - 4x - (2x^4 - 4x^3)}{(x^2 + 1)^2}, \end{aligned}$$

$$\text{soit } h'(x) = \frac{3x^4 + 3x^2 - 4x^3 - 4x - 2x^4 + 4x^3}{(x^2 + 1)^2}, \text{ d'où } h'(x) = \frac{x^4 + 3x^2 - 4x}{(x^2 + 1)^2}.$$