

2 a. a est pair, donc on peut écrire $a = 2k$ avec k entier.

b est impair, donc on peut écrire $b = 2k' + 1$ avec k' entier.

D'où $d = 2k - (2k' + 1) = 2k - 2k' - 1 = 2(k - k') - 1 = 2K - 1$, avec $K = k - k'$.

d s'écrit $2K - 1$ avec K entier, donc d est impair.

b. c est pair, donc $c = 2k''$ avec k'' entier.

D'où $e = 2k + 2(2k' + 1) + 2k'' = 2k + 4k' + 2 + 2k''$

$$= 2(k + 2k' + 1 + k'') = 2K', \text{ avec } K' = k + 2k' + 1 + k''.$$

Puisque $e = 2K'$ avec K' entier, donc e est pair.

c. $f = (2k) \times (2k'') \times (2k' + 1 - 1) = 8kk'k'' = 8u$, avec $u = kk'k''$.

Puisque $f = 8u$ avec u entier, f est divisible par 8.