

135 1. $\overrightarrow{AB}(4; 1)$ est un vecteur directeur de la droite d . On calcule $\det(\overrightarrow{AB}, \vec{u}) = 4 \times 1 - (-3) \times 1 = 7$.

Ainsi $\det(\overrightarrow{AB}, \vec{u}) \neq 0$ donc les vecteurs \overrightarrow{AB} et \vec{u} ne sont pas colinéaires, les droites d et d' ne sont pas parallèles, donc elles sont sécantes.

2. On détermine le point d'intersection K des droites d et d' en résolvant un système.

$M(x; y)$ appartient à la droite d si, et seulement si, \overrightarrow{AM} et \overrightarrow{AB} sont colinéaires, ce qui équivaut à $\det(\overrightarrow{AM}, \overrightarrow{AB}) = 0$, or $\overrightarrow{AM}(x+2; y-1)$ et $\overrightarrow{AB}(4; 1)$.

$\det(\overrightarrow{AM}, \overrightarrow{AB}) = 0$ équivaut à $1(x+2) - 4 \times (y-1) = 0$.

- La droite d a pour équation $x - 4y + 6 = 0$.

$M(x; y)$ appartient à la droite d' si, et seulement si, \overrightarrow{CM} et \vec{u} sont colinéaires, ce qui équivaut à $\det(\overrightarrow{CM}, \vec{u}) = 0$.

Or $\overrightarrow{CM}(x-3; y-2)$ et $\vec{u}(-3; 1)$. $\det(\overrightarrow{CM}, \vec{u}) = 0$ équivaut à

$1(x-3) - (-3) \times (y-2) = 0$ soit à $x - 3 + 3y - 6 = 0$.

- La droite d' a pour équation $x + 3y - 9 = 0$.

$K(x; y)$ est le point d'intersection des droites d et d' . $(x; y)$ est l'unique solution du système

$$\begin{cases} x - 4y + 6 = 0 \\ x + 3y - 9 = 0 \end{cases}$$

On résout ce système par combinaison.

En soustrayant les équations, on obtient l'équation $x - 4y + 6 - (x + 3y - 9) = 0$ soit $-4y + 6 - 3y + 9 = 0$

soit $7y = 15$ soit $y = \frac{15}{7}$.

On obtient la valeur de x en remplaçant y par sa valeur dans la première équation

$$x = 4 \times \frac{15}{7} - 6 = \frac{60 - 42}{7} = \frac{18}{7}.$$

- Les droites d et d' sont sécantes au point $K(\frac{18}{7}; \frac{15}{7})$

Illustration graphique : à titre indicatif $\frac{18}{7} \approx 2,6$ et $\frac{15}{7} \approx 2,1$.



