

69

a. Méthode n°1 : en appliquant directement l'identité remarquable

$$(a + b)^2 = a^2 + 2 ab + b^2$$

$$\begin{aligned} A &= (x - 1)(2 - x) + (2x + 1)^2 \\ &= 2x - x^2 - 2 + x + (2x)^2 + 2 \times 2x \times 1 + 1^2 \\ &= 2x - x^2 - 2 + x + 4x^2 + 4x + 1 \\ &= 3x^2 + 7x - 1 \end{aligned}$$

Méthode n°2 : en utilisant la définition d'un carré

$$(a + b)^2 = (a + b)(a + b)$$

$$\begin{aligned} A &= (x - 1)(2 - x) + (2x + 1)^2 \\ &= (x - 1)(2 - x) + (2x + 1)(2x + 1) \\ &= 2x - x^2 - 2 + x + 4x^2 + 2x + 2x + 1 \\ &= 3x^2 + 7x - 1 \end{aligned}$$

b. Méthode n°1 : en appliquant directement l'identité remarquable

$$(a - b)^2 = a^2 - 2 ab + b^2$$

$$\begin{aligned} B &= (x - 3)^2 - 3x(x - 2) \\ &= x^2 - 2 \times x \times 3 + 3^2 - 3x^2 + 6x \\ &= x^2 - 6x + 9 - 3x^2 + 6x \\ &= -2x^2 + 9 \end{aligned}$$

Méthode n°2 : en utilisant la définition d'un carré

$$(a - b)^2 = (a - b)(a - b)$$

$$\begin{aligned} B &= (x - 3)^2 - 3x(x - 2) \\ &= (x - 3)(x - 3) - 3x(x - 2) \\ &= x^2 - 3x - 3x + 9 - 3x^2 + 6x \\ &= -2x^2 + 9 \end{aligned}$$