

**105 1.**  $\lim_{n \rightarrow +\infty} -3n^2 = -\infty$  et  $\lim_{n \rightarrow +\infty} (8n + 1) = +\infty$ .

D'après la règle sur la limite d'une somme, on est en présence de la forme indéterminée «  $\infty - \infty$  ».

On factorise par  $n^2$  pour  $n$  entier naturel non nul car c'est le terme prépondérant :

$$u_n = -3n^2 + 8n + 1 = n^2(-3 + \frac{8n}{n^2} + \frac{1}{n^2}). \text{ On a : } \frac{8n}{n^2} = \frac{8}{n}.$$

$$\text{D'où : } u_n = n^2(-3 + \frac{8}{n} + \frac{1}{n^2}).$$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} -3 + \frac{8}{n} + \frac{1}{n^2} = -3 \text{ d'après la règle sur la limite d'une somme et}$$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} n^2 = +\infty.$$

$$\text{Donc d'après la règle sur la limite d'un produit : } \lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = -\infty.$$

L'affirmation est donc **fausse**.

**2.**  $\lim_{n \rightarrow +\infty} 3n^3 = +\infty$  et  $\lim_{n \rightarrow +\infty} (-2n^2 + 3) = -\infty$ .

D'après la règle sur la limite d'une somme, on est en présence de la forme indéterminée «  $\infty - \infty$  ».

On factorise par  $n^3$  pour  $n$  entier naturel non nul car c'est le terme prépondérant :

$$u_n = 3n^3 - 2n^2 + 3 = n^3(3 - \frac{2n^2}{n^3} + \frac{3}{n^3}). \text{ On a : } \frac{2n^2}{n^3} = \frac{2}{n}.$$

$$\text{D'où : } u_n = n^3(3 - \frac{2}{n} + \frac{3}{n^3}).$$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} 3 - \frac{2}{n} + \frac{3}{n^3} = 3 \text{ d'après la règle sur la limite d'une somme et}$$

$$\lim_{n \rightarrow +\infty} n^3 = +\infty.$$

$$\text{Donc d'après la règle sur la limite d'un produit : } \lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = +\infty.$$

L'affirmation est donc **vraie**.