

148 1. On a : $\overrightarrow{AB}(1 - 0 ; 3 - 1 ; -7 - (-4))$ soit $\overrightarrow{AB}(1 ; 2 ; -3)$ et $\overrightarrow{AC}(-4 - 0 ; 1 - 1 ; -3 - (-4))$ soit $\overrightarrow{AC}(-4 ; 0 ; 1)$.

$-4 = -4 \times 1$ donc $x_{\overrightarrow{AC}} = -4 \times x_{\overrightarrow{AB}}$ mais $y_{\overrightarrow{AC}} \neq -4 \times y_{\overrightarrow{AB}}$

donc les triplets $(1 ; 2 ; -3)$ et $(-4 ; 0 ; 1)$ ne sont pas proportionnels ce qui prouve que les vecteurs \overrightarrow{AB} et \overrightarrow{AC} ne sont pas colinéaires.

On en déduit que les points A, B et C définissent un plan.

2. On a : $\overrightarrow{DE}(3 - 1 ; 11 - 0 ; 8 - 0)$ soit $\overrightarrow{DE}(2 ; 11 ; 8)$.

$\overrightarrow{AB} \cdot \overrightarrow{DE} = 1 \times 2 + 2 \times 11 + (-3) \times 8 = 2 + 22 - 24 = 0$.

On en déduit que les vecteurs \overrightarrow{AB} et \overrightarrow{DE} sont orthogonaux donc que les droites (AB) et (DE) sont orthogonales.

3. $\overrightarrow{AC} \cdot \overrightarrow{DE} = (-4) \times 2 + 0 \times 11 + 1 \times 8 = -8 + 0 + 8 = 0$.

On en déduit que les vecteurs \overrightarrow{AC} et \overrightarrow{DE} sont orthogonaux donc que les droites (AC) et (DE) sont orthogonales.

La droite (DE) est donc orthogonale à deux droites sécantes du plan (ABC) donc (DE) est orthogonale au plan (ABC).