

151 a. Affirmation fausse.

En effet $\vec{n} \cdot \vec{u} = 5 \times 1 + 0 \times 1 + 5 \times 1 = 5 + 0 + 5 = 10$. Comme $\vec{n} \cdot \vec{u} \neq 0$, le vecteur \vec{n} n'est pas orthogonal au vecteur \vec{u} .

Le vecteur \vec{n} n'est donc pas un vecteur normal au plan \mathcal{P} .

b. Affirmation vraie.

En effet :

$$\vec{n} \cdot \vec{u} = (-3) \times 1 + 0 \times 1 + 3 \times 1 = -3 + 0 + 3 = 0$$

donc le vecteur \vec{n} est orthogonal au vecteur \vec{u} .

$$\vec{n} \cdot \vec{v} = (-3) \times 1 + 0 \times 0 + 3 \times 1 = -3 + 0 + 3 = 0$$

donc le vecteur \vec{n} est orthogonal au vecteur \vec{v} .

Le vecteur \vec{n} est donc orthogonal à deux vecteurs non colinéaires de la direction du plan \mathcal{P} , donc \vec{n} est un vecteur normal au plan \mathcal{P} .

c. Affirmation vraie.

Tous les vecteurs non nuls et colinéaires au vecteur $\vec{n}(-3 ; 0 ; 3)$ sont des vecteurs normaux au plan \mathcal{P} .

Par exemple le vecteur $\vec{n}_1(-6 ; 0 ; 6)$ est un vecteur normal au plan \mathcal{P} .