

$$\mathbf{143} \quad 2 \ln(\sqrt{3} - 1) + \ln\left(\frac{2\sqrt{3} + 4}{4}\right)$$

$$= \ln((\sqrt{3} - 1)^2) + \ln\left(\frac{2\sqrt{3} + 4}{4}\right)$$

$$= \ln\left((\sqrt{3} - 1)^2 \left(\frac{2\sqrt{3} + 4}{4}\right)\right)$$

$$= \ln\left((4 - 2\sqrt{3}) \left(\frac{2\sqrt{3} + 4}{4}\right)\right)$$

$$= \ln\left(\frac{(4 - 2\sqrt{3})(4 + 2\sqrt{3})}{4}\right)$$

$$= \ln\left(\frac{4^2 - (2\sqrt{3})^2}{4}\right)$$

$$= \ln\left(\frac{16 - 12}{4}\right)$$

$$= \ln(1)$$

$$= 0.$$