

136 1. Sur l'intervalle $[3 ; +\infty[$, f peut s'écrire $f = \frac{u'}{u}$, avec $u(x) = 2x - 5$ et $u'(x) = 2$.
Une primitive de f sur $[3 ; +\infty[$ est la fonction $F = \ln(u)$, soit $F(x) = \ln(2x - 5)$.
L'ensemble des primitives de f sur $[3 ; +\infty[$ est formé des fonctions de la forme $x \mapsto \ln(2x - 5) + C$, avec C réel.

2. Sur l'intervalle $[3 ; +\infty[$, on peut écrire : $g(x) = -\frac{1}{2} \times \frac{-2}{(1-2x)^3} = -\frac{1}{2} \times -2(1-2x)^{-3}$.

Ainsi, $g = -\frac{1}{2} u' u^{-3}$, avec $u(x) = 1 - 2x$ et $u'(x) = -2$.

Une primitive de $u' u^{-3}$ est $\frac{1}{-3+1} u^{-3+1}$, c'est-à-dire $-\frac{1}{2} u^{-2}$.

On en déduit une primitive de g sur $[3 ; +\infty[$: $G(x) = -\frac{1}{2} \times -\frac{1}{2} (1-2x)^{-2} = \frac{1}{4(1-2x)^2}$.

L'ensemble des primitives de g sur $[3 ; +\infty[$, est formé des fonctions de la forme

$x \mapsto \frac{1}{4(1-2x)^2} + C$, avec C réel.