

**144** L'équation  $y' + y = 2$  s'écrit aussi  $y' = -y + 2$ .

Elle est de la forme  $y' = ay + b$ , avec  $a = -1$  et  $b = 2$ .

L'ensemble des solutions de cette équation **(E)** est l'ensemble des fonctions de la forme  $x \mapsto f(x) + p(x)$ , où  $f$  est une solution de l'équation  $y' = -y$  et  $p$  la solution particulière constante de **(E)**.

- La solution particulière constante  $p$  de l'équation **(E)** est telle que  $p(x) = k$ , où  $k$  est un réel.  $p'(x) = 0$  d'où  $0 = -p(x) + 2$ , soit  $0 = -k + 2$ , soit  $k = 2$ .

La solution particulière constante a pour expression :  $p(x) = 2$  pour tout réel  $x$ .

- L'équation  $y' = -y$  a pour solutions les fonctions de la forme  $x \mapsto Ce^{-x}$ , où  $C$  est un réel.

D'où l'expression des fonctions solutions de l'équation différentielle donnée :

$x \mapsto Ce^{-x} + 2$ , où  $C$  est un réel quelconque.

On en déduit que les réponses **a.** et **d.** sont justes, et les réponses **b.** et **c.** sont fausses.

**Remarque :** on peut aussi remplacer chacune des expressions données comme réponses dans l'équation différentielle donnée et vérifier s'il y a ou non égalité.