

**81 1.** ■ Sur l'intervalle  $[-2 ; 10]$ , le minimum de la fonction  $f$  est 15.

Il est supérieur à 0, donc l'équation  $f(x) = 0$  ne peut pas avoir de solution sur cet intervalle.

■ Sur l'intervalle  $[-10 ; -2]$ , le tableau de variation indique que la fonction  $f$  est continue et strictement croissante.

De plus,  $f(-10) = -88$  et  $f(-2) = 17$  donc 0 est compris entre  $f(-10)$  et  $f(-2)$ .

D'après le corollaire du théorème des valeurs intermédiaires, l'équation  $f(x) = 0$  admet une unique solution notée  $\alpha$  sur l'intervalle  $[-10 ; -2]$ .

■ Finalement, sur l'intervalle  $[-10 ; 10]$ , l'équation  $f(x) = 0$  admet une unique solution.

**2.** ■ Sur l'intervalle  $[-2 ; 10]$ , le minimum de la fonction  $f$  est 15.

Il est supérieur à 0, donc  $f(x) > 0$  sur cet intervalle.

■ Sur l'intervalle  $[-10 ; -2]$ , d'après la question précédente,  $f(\alpha) = 0$ . Puisque  $f$  est strictement croissante sur  $[-10 ; -2]$ ,  $f(x) \leq 0$  si et seulement si  $x$  appartient à l'intervalle  $[-10 ; \alpha]$ .

■ Par conséquent, l'ensemble solution de l'inéquation  $f(x) \leq 0$  est  $[-10 ; \alpha]$ .