

**162**  $\ln(x)$  existe si et seulement si  $x > 0$ .

Pour  $x$  appartient à  $]0 ; +\infty[$ ,  $2\ln(x) - 1 > 0$  équivaut à  $2\ln(x) > 1$  soit à  $\ln(x) > \frac{1}{2}$  et à  $x > e^{\frac{1}{2}}$

donc à  $x > \sqrt{e}$ .

Pour  $x$  appartient à  $]0 ; +\infty[$ ,  $4 - \ln(x) > 0$  équivaut à  $-\ln(x) > -4$  soit à  $\ln(x) < 4$  et à  $x < e^4$ .

On peut alors dresser le tableau de signes de  $(2\ln(x) - 1)(4 - \ln(x))$ .

$x$	0	$\sqrt{e}$		$e^4$	$+\infty$
$2\ln(x) - 1$	-	0	+		+
$4 - \ln(x)$	+		+	0	-
$(2\ln(x) - 1)(4 - \ln(x))$	-	0	+	0	-

On en déduit que l'inéquation  $(2\ln(x) - 1)(4 - \ln(x)) \leq 0$  a pour ensemble solution :

$]0 ; \sqrt{e}] \cup [e^4 ; +\infty[$ .