

**86** La fonction  $h$  est de la forme  $\frac{1}{u}$ , où  $u$  est la fonction définie sur  $] -3 ; +\infty[$  par :

$$u(x) = 3 + x.$$

Ainsi  $h$  est dérivable sur  $] -3 ; +\infty[$  et pour tout réel  $x > -3$ ,

$$u'(x) = 1 \text{ et } h'(x) = -\frac{u'(x)}{(u(x))^2} = -\frac{1}{(3+x)^2}.$$

Par conséquent pour tout réel  $x > -3$ ,

$$h'(x) + (h(x))^2 = -\frac{1}{(3+x)^2} + \left(\frac{1}{3+x}\right)^2 = -\frac{1}{(3+x)^2} + \frac{1}{(3+x)^2} = 0.$$

Puisque pour tout réel  $x > -3$ ,  $h'(x) + (h(x))^2 = 0$ , on en déduit que la fonction  $h$  est une solution de cette équation différentielle sur  $] -3 ; +\infty[$ .